# Commentationes

Centre d'Etudes Nucléaires de Grenoble, Laboratoire de Chimie Organique Physique Faculté des Sciences de Paris, Laboratoire de Chimie Quantique

# Interprétation structurale des spectres hyperfins des radicaux libres et méthodes de chimie quantique

### **Exemple des radicaux nitroxydes**

 $\mathbf{Par}$ 

# GASTON BERTHIER\*, HENRI LEMAIRE\*\*, ANDRÉ RASSAT\*\* et Alain Veillard\*

L'évaluation des constantes de couplage hyperfin électron-noyaux à partir des fonctions d'ondes moléculaires est discutée sur l'exemple des radicaux libres nitroxydes.

Une méthode de calcul nouvelle, dérivant des théories de champ self-consistant, est utilisée pour la détermination simultanée des orbitales moléculaires affectées aux électrons  $\pi$ et aux électrons  $\sigma$  de ces composés.

Les résultats obtenus sont en accord satisfaisant avec l'expérience et permettent l'attribution de certaines constantes de couplage dans les radicaux iminoxyles (constantes de couplage  $a^{\text{H}}$  du formaldiminoxyle et de ses dérivés phénylés syn et anti).

Estimation of the electron-nuclear hyperfine coupling constants from molecular wave functions is discussed on the example of nitroxide free radicals.

A new method of calculation, which is derived from self-consistent field theories, is used to determine both  $\pi$  and  $\sigma$  molecular orbitals in these compounds.

Results agree well with experiment and allow the assignment of some coupling constants in the iminoxyl free radicals (coupling constants of formaldiminoxyl and its *syn* and *anti* phenyl derivatives).

Die Berechnung der Kopplungskonstanten der Hyperfeinstruktur (Elektron-Kern) aus den molekularen Wellenfunktionen soll am Beispiel der freien Stickstoff-Oxyd Radikale gezeigt werden.

Eine von der "self-consistent field theory" abgeleitete neue Berechnungsmethode wird zur Bestimmung der  $\pi$  und  $\sigma$  Bahnen dieser Verbindungen benutzt.

Die theoretischen Ergebnisse sind in guter Übereinstimmung mit dem Experiment und erlauben bei den freien Iminoxyl-Radikalen die Zuordnung einiger Kopplungskonstanten (Kopplungskonstanten  $a^{\mu}$  der Formaldiminoxyl- und seiner syn- und anti-Phenyl-Derivate).

Depuis la mise en évidence d'une structure hyperfine dans les spectres de résonance paramagnétique électronique des radicaux libres [42], cette technique a été appliquée surtout à l'étude des radicaux de type  $\pi$  où l'électron non apparié est localisé dans une orbitale moléculaire construite à partir d'orbitales atomiques antisymétriques par rapport au plan principal de la molécule, comme les radicauxions des hydrocarbures aromatiques. Mis à part le cas du dioxyde d'azote [21], ce n'est que récemment qu'on a commencé les études de radicaux de type  $\sigma$  où l'électron non apparié appartient à une orbitale moléculaire construite à partir

<sup>\*</sup> Laboratoire de chimie, 13 rue Pierre Curie, Paris.

<sup>\*\*</sup> Centre d'Etudes Nucléaires, Grenoble, France.

d'orbitales atomiques symétriques par rapport au plan principal de la molécule, comme les radicaux méthylène imino [11], vinyle [12, 15] et iminoxyles [40, 6, 17].

La différence entre radicaux  $\pi$  et radicaux  $\sigma$  apparaît clairement sur les spectres de résonance électronique de radicaux de structure voisine, comme les radicaux nitroxydes dérivés de la diphénylhydroxylamine (aminoxyle) et de l'oxime de la benzophénone (iminoxyle). Le diphényl nitroxyde [25] montre une structure hyperfine du type triplet ( $a^{\rm N} = 10,2$  Oe) où sont bien visibles *tous* les protons des *deux* noyaux phényles, ( $a^{\rm H}_{\rm ortho} = a^{\rm H}_{\rm para} = 2 a^{\rm H}_{\rm meta} = 1,8$  Oe). Par contre, pour le benzophénone iminoxyle [6], le triplet dû à l'azote ( $a^{\rm N} = 30,6$  Oe) n'est décomposé que par une interaction avec *deux* protons équivalents ( $a^{\rm H} = 1,4$  Oe) qui ont été identifiés comme appartenant à un *seul* noyau phényle [6, 17].

Avant d'étudier le cas particulier des radicaux nitroxydes, nous voudrions revenir sur les différents mécanismes invoqués pour rendre compte de la structure hyperfine, en particulier celle due aux protons, car l'étude des radicaux de type  $\sigma$ amène l'introduction d'hypothèses nouvelles par rapport à celles utilisées habituellement dans l'étude des radicaux de type  $\pi$ .

## Première partie

# I. 1. Considérations générales

A l'origine de la structure hyperfine se trouve l'interaction de contact [14] dont il est possible de calculer la valeur en un point  $\vec{r}$  de l'espace, à l'aide de l'opérateur électronique (1):

$$\varrho(\vec{r}) = \frac{1}{M_s} \sum_{\nu} S_z(\nu) \,\delta(\vec{r} - \vec{r}_{\nu}) \tag{1}$$

où  $M_s$  est la valeur du spin total du système électronique  $(\pm \frac{1}{2}$  pour un radical libre),  $S_z(v)$  est l'opérateur de spin  $S_z$  relatif à l'électron v,  $\delta(\vec{r} - \vec{r_v})$  la fonction de Dirac portant sur la distance du point considéré à l'électron v, et où la sommation a lieu sur *tous* les électrons. Appliqué à la fonction d'onde  $\Psi$  qui décrit le mouvement de *tous* les électrons du système, cet opérateur donne en tout point de l'espace, et en particulier ceux qui correspondent aux positions des noyaux  $\vec{r_H}$  la valeur de la densité de spin  $\varrho(\vec{r_H})$ . L'écart hyperfin de ce noyau est relié à cette densité de spin par:

$$a^{H} = \frac{8\pi}{3} g_{e} \beta_{e} g_{H} \beta_{H} \varrho \left( \overrightarrow{r}_{H} \right) .$$
<sup>(2)</sup>

La fonction d'onde  $\Psi$  est déterminée par la résolution de l'équation de Schrödinger associée à un hamiltonien électronique de la forme:

$$\mathscr{H}_{e}(1,2,\ldots,n)=\sum_{\nu}H(\nu)+\sum_{\mu<\nu}\frac{1}{r_{\mu\nu}}.$$
(3)

Avec les approximations habituelles de la Chimie Quantique [35], la fonction d'onde électronique totale  $\Psi$  est construite comme une somme de produits de fonctions mono-électroniques  $\varphi_i$  arrangée sous la forme d'une combinaison linéaire de déterminants de Slater de façon à satisfaire le principe d'antisymétrie de

Pauli. De plus,  $\Psi$  doit être fonction propre des opérateurs  $\vec{S^2}$  et  $S_z$  associés au spin total du système.

Interprétation structurale des spectres hyperfins des radicaux

$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{n!}} \det |\varphi_1 \cdot \varphi_2 \cdots \varphi_n| + \cdots$$
(4)

Comme fonctions d'onde monoélectroniques  $\varphi_i$ , la méthode de la mésomérie (ou méthode des liaisons de valence) utilise les orbitales atomiques elles-mêmes, alors que la méthode des orbitales moléculaires introduit dès le départ une délocalisation des électrons en prenant des combinaisons linéaires d'orbitales atomiques de la forme:

$$\varphi_i = \sum_q c_{qi} \chi_q. \tag{5}$$

215

La méthode de la mésomérie oblige à employer comme fonction d'onde  $\Psi$  une combinaison linéaire de déterminants de Slater, de façon que soient satisfaites les conditions imposées à  $\Psi$  par les opérateurs de spin. Elle ne peut donc s'appliquer simplement qu'à des systèmes à petit nombre d'atomes et d'électrons comme le fragment CH dans l'étude des radicaux de type  $\pi$  [28, 29], ou de type  $\sigma$  (2).

Par contre, dans la méthode des orbitales moléculaires, on peut facilement satisfaire les conditions imposées par le spin, en n'utilisant qu'un seul déterminant de Slater, et en remplissant par deux électrons de spin opposé chaque orbitale moléculaire  $\varphi_i$  occupée. Sous certaines conditions [4], il est possible de construire, par la méthode de variation, un hamiltonien effectif  $\mathscr{H}_{eff}$  à partir duquel les coefficients  $c_{qi}$  et les énergies  $e_i$  des orbitales moléculaires sont obtenus par la résolution d'un système d'équations linéaires et homogènes:

$$\sum_{q} c_{qi} \left( H_{pq} - e_i S_{pq} \right) = 0 \tag{6}$$

où les  $H_{pq}$  sont les éléments de matrice de l'opérateur  $\mathscr{H}_{eff}$ 

$$H_{pq} = \int \chi_p^* \, \mathscr{H}_{\text{eff}} \, \chi_q \, d\tau \tag{7}$$

et où les  $S_{pq}$  sont les intégrales de recouvrement des fonctions atomiques de base  $\chi$ :

$$S_{pq} = \int \chi_p^* \chi_q \, d\tau \,. \tag{8}$$

Cette méthode, beaucoup plus souple, a été largement appliquée, souvent dans la forme simplifiée de Hückel, à l'étude des systèmes  $\pi$  [37] et à l'étude d'un radical de type  $\sigma$ , le méthylène imino [13].

Enfin, la fonction d'onde  $\Psi$  doit être fonction propre des opérateurs de symétrie associés à la structure géométrique de la molécule. En se limitant aux molécules planes ou assimilées, on peut diviser les orbitales atomiques en deux catégories, suivant qu'elles sont symétriques ou antisymétriques par rapport au plan principal du système. Si l'on considère des combinaisons linéaires formées d'orbitales atomiques, soit symétriques, soit antisymétriques, les orbitales moléculaires  $\varphi_i$  et la fonction d'onde totale elle-même  $\Psi$  appartiennent à l'une des représentations irréductibles du groupe de symétrie de la molécule (représentations A' et A''de  $C_s$ ). Si l'on utilise la méthode des orbitales moléculaires à un seul déterminant de Slater, les radicaux seront donc représentés par une fonction d'onde de la forme:

$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{(2k+2l+1)!}} \det \left| \sigma_1 \, \overline{\sigma_1} \, \dots \, \sigma_i \, \overline{\sigma_i} \, \dots \, \pi_1 \, \overline{\pi_1} \, \dots \, \pi_j \, \overline{\pi_j} \, \dots \, \omega \right| \tag{9}$$

où les k fonctions  $\sigma_i$  et les l fonctions  $\pi_j$  représentent des orbitales moléculaires

doublement occupées du type A' ou A'' et  $\omega$  l'orbitale moléculaire de l'un ou l'autre type qui est occupée par l'électron non apparié. L'application de l'opérateur  $\rho(\vec{r})$  défini par l'équation (1) à la fonction (9) donne:

$$\langle \Psi | \varrho (\vec{r}) | \Psi \rangle = \omega^* (\vec{r}) \omega (\vec{r})$$
(10)

dans l'hypothèse d'orbitales moléculaires orthogonales. Autrement dit, la densité de spin en un point  $\overrightarrow{r}$  de l'espace, se confond avec la probabilité de trouver l'électron en ce point.

# I. 2. Radicaux nitroxydes du type aminoxyle

Dans cette catégorie (I) se rangent les radicaux obtenus par oxydation des hydroxylamines, où l'azote forme trois liaisons à deux électrons, et une liaison  $\pi$  à trois électrons:

$$> \ddot{N} - OH \rightarrow > \ddot{N} - \dot{O}$$
 . (I)

C'est le type le plus étudié. Si les deux groupes liés à l'azote sont identiques, comme dans le diphényl nitroxyde, on observe une symétrie complète des interactions hyperfines. Ce sont des radicaux de type  $\pi$ : l'orbitale moléculaire contenant l'électron non apparié est antisymétrique par rapport au plan de la molécule. Comme cette orbitale  $\omega$  est construite à partir d'orbitales atomiques  $2p_x$  dont le plan nodal est le plan de la molécule, il en résulte que la densité de spin sera nulle dans ce plan, donc nulle au niveau du noyau d'azote ou des protons [41].

Il n'y a pourtant aucun doute sur l'existence d'une structure hyperfine due aux protons dans de tels radicaux. Son origine repose sur la présence des termes d'interaction électronique dans le véritable hamiltonien  $\mathscr{H}_{e}$  (équation 3), qui se fait particulièrement sentir dans les systèmes à couches incomplètes; ces termes sont en effet incompatibles avec le modèle à particules indépendantes représenté par l'équation (9) qui implique nécessairement une compensation absolue entre les densités de spin provenant de deux électrons couplés sur une même orbitale moléculaire. En principe, on peut améliorer la détermination des densités de spin en introduisant l'interaction de configuration [28] ou en utilisant, dès le départ des orbitales moléculaires différentes selon le spin de l'électron associé [3, 28], mais ces méthodes imposent l'emploi d'une combinaison linéaire (équation 4) de déterminants de Slater, qui détruit la simplicité de la méthode des orbitales moléculaires primitive.

L'expérience a montré cependant qu'il était possible de conserver la représentation à un seul déterminant en supposant que l'écart hyperfin dû au proton était proportionnel à la densité de spin dans l'orbitale atomique  $2p_x$  du carbone adjacent [28]:

$$a^{\mathbf{H}} = Q^{\mathbf{H}}_{\mathbf{C}\mathbf{H}} \cdot \varrho^{\mathbf{C}}_{\pi} \tag{11}$$

la constante  $Q_{CH}^{H}$  négative, ayant une valeur de l'ordre de -23 Oe. Cette relation a été étendue aux écarts hyperfins du carbone ou de l'azote [23] avec cependant beaucoup moins de succès.

En supposant qu'une telle relation soit encore valable pour un proton lié à un azote, nous pouvons tirer des résultats expérimentaux obtenus sur le monophényl nitroxyde [8, 18, 24] ( $a^{\rm H}$  varie de 8,5 Oe à 13,2 Oe suivant le solvant), un ordre de grandeur de la densité de spin dans l'orbitale  $2p_x$  de l'azote. De :

$$a^{\mathrm{H}} = Q_{\mathrm{NH}}^{\mathrm{H}} \cdot \varrho_{\pi}^{\mathrm{N}} \tag{12}$$

on déduit une densité de spin de l'ordre de 0,2 à 0,3, en prenant pour  $Q_{\rm NH}^{\rm H}$  une valeur expérimentale [7] de 37,5 Oe.

On remarquera enfin que les protons d'un groupe méthyle substitué à un proton aromatique présentent eux aussi un écart hyperfin sensiblement proportionnel [29] à la densité de spin dans l'orbitale  $2p_x$  du carbone adjacent:

$$a^{\mathrm{H}} = Q^{\mathrm{H}}_{\mathrm{CH}_{3}} \cdot \varrho^{\mathrm{C}}_{\pi} \tag{13}$$

avec  $Q_{\mathrm{CH}_3}^{\mathrm{H}} = 27$  Oe.

# I. 3. Radicaux nitroxydes du type iminoxyle

Dans cette catégorie (II) se rangent les radicaux obtenus par oxydation des oximes.

$$>C = \underbrace{N}_{..} \xrightarrow{OH} \rightarrow >C = \underbrace{N}_{..} \xrightarrow{O.}$$
(II)

Dans l'oxime, l'azote forme deux liaisons  $\sigma$  avec le carbone et l'oxygène, et une liaison  $\pi$  avec le carbone. Dans le radical, aux liaisons précédentes, s'ajoute un groupe de trois électrons entre l'azote et l'oxygène; mais, contrairement à la situation rencontrée dans les aminoxyles, ce système est décrit par des orbitales symétriques par rapport au plan de la molécule, et présente donc un caractère  $\sigma$  [6].

Ces radicaux sont caractérisés par une absence totale de symétrie dans les interactions hyperfines, comme le montre l'analyse des spectres de R. P. E. du fluorénone iminoxyle [6, 17], ou du benzophénone iminoxyle [6, 17, 40]. Cette dissymétrie est à rattacher d'une part à la non-linéarité de l'ensemble C = N - O, d'autre part au caractère  $\sigma$  du radical [6]. Pour la formaldiminoxyle (III), radical non encore observé, il est possible de prévoir [6] une interaction avec un noyau d'azote ( $a^{N} \simeq 30$  Oe) et deux protons inéquivalents ( $a^{H} \simeq 27$  Oe pour l'un, 6 Oe pour l'autre):

De plus, quand on remplace un proton aromatique par un groupe méthyle, l'écart hyperfin des protons méthyliques est très différent de celui du proton initial, contrairement à ce qui se passe dans les radicaux aminoxyles [6, 17].

L'orbitale moléculaire  $\omega$  contenant l'électron non apparié est ici constituée d'orbitales atomiques symétriques par rapport au plan principal de la molécule. En réservant l'indice q aux orbitales 2s,  $2p_y$ ,  $2p_z$  du carbone, de l'azote et de l'oxygène et aux orbitales 1s des hydrogènes, on peut écrire:

$$\omega = \sum_{q} c_{q} \chi_{q} . \tag{14}$$

La densité de spin en un point de l'espace  $\vec{r}$  a pour valeur:

$$\varrho(\vec{r}) = \sum_{q} c_{q}^{2} \chi_{q}^{2}(\vec{r}) + \sum_{p \neq q} 2 c_{p} c_{q} \chi_{p}(\vec{r}) \chi_{q}(\vec{r})$$
(15)

en supposant les coefficients réels. Etant donné le comportement exponentiel des orbitales  $\chi_q(\vec{r})$ , la valeur de l'expression précédente au niveau d'un proton H est principalement déterminée par la contribution de l'orbitale 1s centrée sur ce proton, soit:

$$c_{\rm H}^2\,\chi_{\rm H}^2\,(\vec{r}_{\rm H})\!>\!0$$
 .

Il en résulte un écart hyperfin:

$$a_{\text{deloc.}}^{\text{H}} = \frac{8\pi}{3} g_e \beta_e g_{\text{H}} \beta_{\text{H}} c_{\text{H}}^2 \chi_{\text{H}}^2 (\vec{r}_{\text{H}}) = 508 c_{\text{H}}^2 \text{ Oe}$$
(16)

que l'on peut attribuer à la délocalisation de l'électron non apparié sur le proton. La contribution des autres termes de l'équation (15) à l'écart hyperfin total  $a^{\rm H}$  est beaucoup plus petite; elle comporte des termes carrés positifs:

$$\sum_{q\neq\mathbf{H}} c_q^2 \, \chi_q^2 \, (\vec{r}_{\mathbf{H}}) \tag{17}$$

qui représentent une interaction directe à travers l'espace des densités de spin localisées sur les autres atomes avec le proton considéré, ainsi que des termes rectangles, positifs ou négatifs, dûs au recouvrement des orbitales. L'ordre de grandeur de ces termes dépend de la position du proton dans l'espace et du type d'orbitale atomique mis en jeu, mais décroît très vite avec la distance dans tous les cas. Ainsi, l'interaction directe entre l'un des protons du fluorénone iminoxyle et l'atome d'oxygène du groupement NO situé à 2,6 Å est évaluée à 1 Oe [30].

Les deux types de contribution précédents, l'un lié à la délocalisation de l'électron non apparié, l'autre à la présence de densités de spin dans les orbitales atomiques du système autres que celle de l'hydrogène, sont totalement inexistants dans un radical de type  $\pi$  si l'état fondamental du radical est représenté par un seul déterminant de Slater.<sup>§</sup> Dans un traitement plus complet, permettant de faire apparaître la contribution des électrons couplés sur les orbitales moléculaires sous-jacentes, la densité de spin donnée par l'équation (15) serait modifiée par l'adjonction de termes supplémentaires analogues à ceux qui déterminent les écarts hyperfins des radicaux de type  $\pi$ . Contrairement à l'effet produit par la délocalisation électronique de l'électron non apparié, l'apport de ces termes d'interaction indirecte à l'écart hyperfin total peut être positif ou négatif [28]. Dans une étude du radical méthylène imino, limitée aux orbitales moléculaires  $\sigma$ obtenues par hyperconjugaison du groupement CH<sub>2</sub> avec l'azote, on a trouvé [13] que l'interaction de configuration ramène à 86,1 Oe (contre 87,4 Oe expérimentalement [11]), la valeur de 97,8 Oe calculée pour l'interaction directe seule.

# I.4. Traitement simplifié des radicaux iminoxyles en méthode de la mésomérie

La méthode de la mésomérie décrit le radical iminoxyle [6] par une résonance entre les formules (III) et (IIIa).



La structure (IIIa) est semblable à la structure fondamentale utilisée par ADRIAN et KARPLUS [2] pour rendre compte des écarts hyperfins du radical vinyle (IV)

$$\begin{array}{c} \mathbf{H}_{a} \\ \mathbf{H}_{b} \end{array} = \mathbf{C} \quad (\mathbf{IV})$$

Les résultats de ces auteurs permettent de supposer que le proton le plus couplé est celui qui est situé en *trans* par rapport à l'orbitale hybride  $\sigma$  de l'électron non apparié (proton H<sub>a</sub> de la formule IV). Par analogie au cas du vinyle, la somme des écarts hyperfins peut être représentée par une expression de la forme

$$a^{\mathbf{H}_{a}}\left(\theta\right) + a^{\mathbf{H}_{b}}\left(\theta\right) = -k\,\varrho^{\mathbf{N}}\cos\,\theta\,\cdot\,N_{\pi\pi\pi\pi}\tag{18}$$

où k est une constante de proportionnalité,  $\varrho^{N}$  la densité de spin provenant de l'orbitale hybride occupée par l'électron non apparié dans la formule (IIIa),  $\theta$ l'angle  $\widehat{\text{CNO}}$  et  $N_{\pi\pi\pi\pi}$  une intégrale d'échange entre orbitales atomiques du carbone et de l'azote (formule (15) de la référence [2]). Il est possible d'évaluer la quantité  $k N_{\pi\pi\pi\pi}$  en appliquant la même théorie au radical méthylène imino (V):

$$\begin{array}{c}
\mathbf{H}_{a} \\
\mathbf{H}_{b} \\
\mathbf{C} = \mathbf{N}:
\end{array}$$
(V)

$$a^{\mathbf{H}_{a}}(180^{\circ}) + a^{\mathbf{H}_{b}}(180^{\circ}) = k \varrho^{\mathbf{N}} N_{\pi\pi\pi\pi\pi}$$
(19)

avec  $\rho^{N} = 1$  et  $a^{H_{a}} = a^{H_{b}} = 87,4$  Oe [11].

La densité de spin contenue dans l'orbitale hybride de l'azote pour le radical dérivé de la formaldoxime est alors donnée par le rapport:

$$-\frac{1}{\cos\theta}\frac{a^{\mathbf{H}_{\mathbf{a}}}\left(\theta\right)+a^{\mathbf{H}_{\mathbf{b}}}\left(\theta\right)}{a^{\mathbf{H}_{\mathbf{a}}}\left(180^{\circ}\right)+a^{\mathbf{H}_{\mathbf{b}}}\left(180^{\circ}\right)}.$$
(20)

Si l'on prend  $\theta = 134^{\circ}$  (voir II.2), on trouve  $\varrho^{\mathbb{N}} = 0,27$ , donc une densité du même ordre de grandeur que celle rencontrée dans l'orbitale  $2p_x$  de l'azote des radicaux aminoxyles.

Le traitement précédent appelle certaines réserves. Comme dans le cas du radical vinyle, les électrons ne sont pas considérés dans leur totalité; la molécule est réduite à un système de trois électrons auxquels on applique un traitement perturbationnel valable seulement si l'électron non apparié reste bien localisé dans une orbitale atomique. Ce mode de calcul ne peut pas tenir compte des structures ioniques qui feraient apparaître une délocalisation de l'électron  $\sigma$  non apparié. Selon ADRIAN et KARPLUS [2], on peut essayer de corriger l'insuffisance du procédé en jouant sur la valeur des intégrales d'échange. Or, l'attribution de la plus grande constante de couplage à un proton donné du vinyle ou du formaldiminoxyle dépend de la valeur de ces intégrales d'échange qui sont déterminées sur un composé de référence, l'éthyle. Enfin, dans le cas particulier des iminoxyles, il est peu satisfaisant d'assimiler la structure (IIIa) à la structure (IV), car cela revient à négliger dans l'étude des mécanismes d'interaction hyperfine le rôle de l'oxygène où se concentre justement la majeure partie de la densité de spin.

Pour des molécules assez compliquées, il serait difficile d'employer une version plus complète de la méthode de la mésomérie.

### Deuxième Partie

### II.1. Etude des radicaux libres par la méthode des orbitales moléculaires

Pour que la méthode des orbitales moléculaires puisse fournir des indications utiles dans le domaine des couplages entre électrons et noyaux, le formalisme employé doit offrir, à notre avis les possibilités minimales suivantes:

1. Il doit permettre d'inclure dans le système étudié les électrons  $\sigma$  aussi bien que les électrons  $\pi$ ;

2. Il doit permettre de tenir compte de la répartition des électrons à l'intérieur de la molécule dans le calcul des élements de matrice de l'hamiltonien. De cette façon, les forces électrostatiques à longue distance qui interviennent sûrement dans le mécanisme des interactions hyperfines sont introduites dans la théorie de façon systématique.

3. Il doit être applicable à des édifices moléculaires assez complexes, tout en faisant intervenir le moins possible de paramètres semi-empiriques d'origine moléculaire.

Dans un travail antérieur sur la structure électronique des complexes métalliques [5], nous avons donné une méthode de calcul qui répond, dans une certaine mesure, à ces exigences. Cette méthode utilise comme point de départ l'expression des éléments de matrice de l'hamiltonien effectif dans la théorie du champ selfconsistant. Le développement d'un procédé analogue pour les systèmes à couches incomplètes pose le problème du choix d'un hamiltonien effectif unique pour les orbitales moléculaires doublement et simplement occupées du système (cf. [4]).

Nous avons utilisé ici l'opérateur proposé par Longuer-Higgins et Pople [27]:

$$\mathscr{H}_{\text{eff}} = h + \sum_{j} \frac{n_j}{2} \left( 2 J_j - K_j \right) \tag{21}$$

qui traite de façon identique les différentes orbitales occupées  $\varphi_j$  compte tenu de leur population en électrons  $n_j$  ( $n_j = 2$  ou 1). Dans h figurent l'opérateur d'énergie cinétique et l'opérateur d'interaction avec le coeur de la molécule (noyaux et électrons internes); le second terme rassemble les opérateurs d'interaction électronique (opérateurs de Coulomb  $J_j$  et d'échange  $K_j$ ) apportés par les orbitales moléculaires occupées du système.

Les éléments de matrice diagonaux de l'hamiltonien (21) s'écrivent:

$$H_{pp} = I_{pp} + G_{pp} \tag{22}$$

avec

$$I_{pp} = \int \chi_p^* h \, \chi_p \, dv \tag{23}$$

$$G_{pp} = \int \chi_p^* \left[ \sum_j \frac{n_j}{2} \left( 2 J_j - K_j \right) \right] \chi_p \, dv \quad . \tag{24}$$

En explicitant l'opérateur de coeur,

$$h = -\frac{1}{2} \nabla^2 + \sum_R V_R = -\frac{1}{2} \nabla^2 + V_P + \sum_{L \neq P} V_L$$
(25)

(où  $V_P$  désigne le potentiel créé par le coeur de l'atome P auquel appartient l'orbitale  $\chi_p$ , et  $V_L$  les potentiels créés par les coeurs des autres atomes), il vient:

$$I_{pp} = W_p + \sum_{L \neq P} \int \chi_p^* V_L \chi_p \, dv \tag{26}$$

en posant:

$$W_{p} = \int \chi_{p}^{*} \left( -\frac{1}{2} \nabla^{2} + V_{p} \right) \chi_{p} \, dv \,. \tag{27}$$

Il est commode de remplacer le potentiel d'interaction dû au coeur de l'atome L par celui de l'atome neutre  $V_L^0$  dans l'état de valence approprié [31]:

$$I_{pp} = W_p + \sum_{L \neq P} \left[ (V_L^0, pp) - \sum_{l(L)} n_l^L \left( J_{pl} - \frac{1}{2} K_{pl} \right) \right]$$
(28)

où  $n_l^L$  représente le nombre d'électrons apportés par l'orbitale  $\chi_l$  de l'atome L,  $J_{pl}$  et  $K_{pl}$  sont les intégrales de Coulomb et d'échange entre l'orbitale  $\chi_p$  de Pet l'orbitale  $\chi_l$  de L et où la sommation porte sur les orbitales  $\chi_l$  de L qui ne sont pas incluses dans le coeur.

L'expression (24) s'exprime dans la base d'orbitales atomiques par:

$$G_{pp} = \sum_{j, r, s} \frac{n_j}{2} c_{rj} c_{sj} \left[ 2 \left( pp, rs \right) - \left( ps, rp \right) \right]$$
(29)

et fait intervenir les valeurs des intégrales biélectroniques:

$$(pq, rs) = \iint \chi_p^*(1) \,\chi_q(1) \,\frac{1}{r_{12}} \,\chi_r^*(2) \,\chi_s(2) \,dv_1 \,dv_2 \,. \tag{30}$$

Si on applique formellement les approximations de MULLIKEN et de RUEDEN-BERG [38] aux intégrales contenues dans  $G_{pp}$ 

$$(pp, rs) = \frac{1}{2} S_{rs} [J_{pr} + J_{ps}] (ps, rp) = \frac{1}{2} S_{rs} [K_{pr} + K_{ps}]$$
(31)

on trouve, en remarquant que la somme double sur r et sur s fournit deux fois chaque terme:

$$G_{pp} = \sum_{r} \left[ (J_{pr} - \frac{1}{2} K_{pr}) \sum_{j, s} n_j c_{rj} c_{sj} S_{rs} \right].$$
(32)

Le dernier facteur de l'expression (32) est l'indice de population global  $q_r$  de l'orbitale atomique  $\chi_r$  [32]:

$$q_r = \sum_{j,s} n_j c_{rj} c_{sj} S_{rs} .$$
(33)

En mettant en évidence la contribution des orbitales de l'atome P portant l'orbitale  $\chi_p$ , on peut écrire:

$$G_{pp} = \sum_{r(p)} q_r^P \left( J_{pr} - \frac{1}{2} K_{pr} \right) + \sum_{l(l)} q_l^L \left( J_{pl} - \frac{1}{2} K_{pl} \right) \,. \tag{34}$$

L'expression précédente suppose que les approximations de MULLIKEN et de RUEDENBERG sont valables pour toutes les intégrales biélectroniques, alors qu'elles ne s'appliquent pas à des intégrales monocentriques (pp, rs) ou (ps, rp). Cependant, on peut l'utiliser au moins formellement, car si r est identique à s, la formule d'approximation se réduit à une identité, et si r est différent de s, l'intégrale considérée est identiquement nulle par raison de symétrie [5].

Si l'on reporte dans  $H_{pp}$  les expressions (28) et (34) donnant la valeur des éléments de matrice  $I_{pp}$  et  $G_{pp}$ , on trouve:

$$H_{pp} = W_p + \sum_{r(P)} q_r^P \left( J_{pr} - \frac{1}{2} K_{pr} \right) + \sum_{L \neq P} \left[ \left( V_{L,pp}^0 \right) - \sum_{l(L)} \left( n_l^L - q_l^L \right) \left( J_{pl} - \frac{1}{2} K_{pl} \right) \right]$$
(35)

Pour diminuer le nombre d'intégrales nécessaires au calcul d'un élément  $H_{pp}$ , nous avons supposé que les intégrales de pénétration  $(V_{L,pp}^0)$  peuvent être négligées et que la population globale  $q_l^L$  d'une orbitale  $\chi_l$  dans la molécule n'est pas très différente du nombre d'électrons  $n_l^L$  qu'elle contient dans l'état de valence de l'atome L. La première hypothèse est une approximation couramment faite pour simplifier l'application de la méthode des orbitales moléculaires aux grosses molécules [34]. La seconde hypothèse suppose que les transferts intramoléculaires de charges sont suffisamment faibles et elle doit être vérifiée par les résultats du calcul; elle exclut toute application de la méthode à des systèmes fortement ioniques. La formule (35) devient:

$$H_{pp} = W_p + \sum_{r(P)} q_r^P \left( J_{pr} - \frac{1}{2} K_{pr} \right)$$
(36)

et ne contient plus que des intégrales portant sur les orbitales  $\chi_r$  de l'atome P lui-même.

Il n'est pas facile de ramener à une forme simple les éléments non-diagonaux  $H_{pq}$  de la méthode du champ self-consistant. Nous avons utilisé ici la formule de WOLFSBERG-HELMHOLTZ [43]:

$$H_{pq} = \frac{1}{2} KS_{pq} \left( H_{pp} + H_{qq} \right) \tag{37}$$

où K est un paramètre semi-empirique, auquel on attribue des valeurs comprises entre 1,5 et 3 [22]. Si l'on se donne la valeur des intégrales atomiques qui figurent dans l'expression simplifiée (36), on peut alors évaluer tous les éléments de matrice qui sont nécessaires au calcul des orbitales moléculaires, à condition de connaître les charges  $q_l^L$ .

On procédera donc par itérations successives à partir d'une répartition de charges plausible, comme dans la méthode du champ self-consistant complète.

### II. 2. Application aux radicaux nitroxydes

Nous avons appliqué la méthode décrite dans le paragraphe précédent, d'une part à l'étude des systèmes (VI) et (VII) et d'autre part au radical formaldiminoxyle (III).

Les distances et les angles utilisés sont indiqués dans la Fig. 1. La distance  $d_{\rm NO} = 1,23$  Å est celle de la liaison NO dans le radical di-p-anisyl nitroxyde [19].



Fig. 1. Valeurs choisies pour les angles et distances. Disposition des systèmes d'axes utilisés. Pour le composé III, les directions  $C_y$  et  $N_y$  font un angle de 46°

Comme angle CNO dans les iminoxyles, nous avons choisi la valeur 134° de l'angle ONO dans le dioxyde d'azote, en nous appuyant sur le fait que les radicaux iminoxyles et le dioxyde d'azote sont les produits d'oxydation de composés de stéréochimie comparable (CNO dans les oximes et ONO dans l'acide nitreux valent 115°). Les autres grandeurs sont des valeurs couramment admises [39].

Pour le formaldiminoxyle (III), la base d'orbitales atomiques a été formée par les orbitales 1s des deux hydrogènes, les orbitales 2s et 2p du carbone, de l'azote et de l'oxygène, avec la disposition d'axes indiquée sur la Fig. 1; le système étudié comprend 17 électrons, dont 4 électrons  $\pi$ . Chaque carbone du fragment aminoxyle (VI) a été représenté par une orbitale hybride  $sp^3$  avec un électron, et le carbone du fragment iminoxyle (VII) par une orbitale hybride  $sp^2$  et une orbitale  $2p_x$  avec chacune un électron; les deux modèles sont donc des systèmes isoélectroniques à 13 électrons.

Nous avons évalué les intégrales atomiques de l'équation (36) en utilisant les énergies des états de valence déterminées par PILCHER et SKINNER [36] à partir des données de spectroscopie atomique. En combinant de la façon habituelle [34] les énergies des états de valence de l'atome neutre et de ses ions, on trouve pour les intégrales  $J_{pl}$  et  $K_{pl}$  les valeurs du Tab. 1.

Atome	$J_{ss}$	$J_{sp}$	$J_{pp}$	$J_{pp'}$	$K_{sp}$	$K_{pp'}$
O N C H	15,11 13,97 11,73 12,85	$15,14 \\ 13,65 \\ 11,48$	15,87 13,71 11,51	$13,77 \\ 12,05 \\ 10,22$	3,66 3,05 2,59	1,05 0,83 0,64

Tableau 1. Intégrales de Coulomb  $J_{kl}$  et d'échange  $K_{kl}$  en eV

Atome	Etat de valence	Orbitale	Ι	$\frac{I+E}{2}$
0	$V_2 s^2 x^2 y z$	s x y	32,36 15,07	9,83
N	V <sub>3</sub> s x <sup>2</sup> y z	$\left  egin{array}{c} s \\ x \\ y \end{array}  ight $	12,43	20,75 8,06
C	$V_4$ te te te te	te	14,57	8,18
С	$V_3$ tr tr tr x	$tr \\ x$	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	8,95 5,92
H	V <sub>1</sub> s	8	13,59	7,17

Tableau 2. Potentiels d'ionisation et électronégativités en eV

Pour calculer l'élément de matrice  $H_{pp}$ , il est commode de choisir comme référence la valeur  $H_{pp}^{0}$  que prendrait ce terme pour l'état de valence de l'atome neutre:  $H_{pp}^{0} = W_{p} + \sum n_{r}^{P} (J_{pr} - \frac{1}{2} K_{pr})$ 

$$H_{pp} = H_{pp}^{0} + \sum_{r(P)}^{r(P)} (q_r^P - n_r^P) (J_{pr} - \frac{1}{2} K_{pr}) .$$
(38)

Tableau 3. Exposants et coefficients des combinaisons linéaires de fonctions de Slater utilisées comme base d'orbitales atomiques

Atome	ζ1	ζ2	$c_1$	$c_2$
0	7,7	2,24	-0,233898	1,026990
N	6,7	1,92	-0,228031	1,025669
C [	5,7	1,61	-0,220166	1,023950
H	1,0		1,000000	

15 1 0 18-1

$\chi_{2p} = c_3  \chi_{2p}$	$(\zeta_3)$	$+ c_4$	$\chi_{2p}$	(ζ4)
------------------------------	-------------	---------	-------------	------

Atome	ζ <sub>3</sub>	ζ <sub>4</sub>	C <sub>3</sub>	<i>c</i> <sub>4</sub>
O	1,57	3,35	0,679941	0°396944
N	1,35	2,65	0,629890	0,434702
C	1,10	2,10	0,603696	0,456963

Par un calcul simple, on trouve:

$$H_{pp}^{0} = -I \quad \text{si} \quad n_{p}^{P} = 2$$
 (39)

$$H_{pp}^{0} = -\frac{1}{2} \left( I + E \right) \quad \text{si} \quad n_{p}^{P} = 1 \tag{39}$$

où I et E désignent respectivement le potentiel d'ionisation et l'électroaffinité de l'atome P dans l'état de valence considéré pour l'orbitale  $\chi_p$ . Les valeurs que nous avons utilisées sont rassemblées dans le Tab. 2.

Nous avons calculé les intégrales de recouvrement des équations (8) et (37) en prenant comme orbitales atomiques des combinaisons linéaires de fonctions de Slater du type «double zeta» [33, 5], et dont les coefficients sont données dans le Tab. 3. Ces fonctions tiennent compte de l'orthogonalité des orbitales 2s aux orbitales internes 1s, et se rapprochent davantage des orbitales self-consistantes de Hartree que les simples fonctions de Slater.

Nombre Fragment Fragment Formald' électrons diminoxyle (III) aminoxyle (VI) iminoxyle (VII)  $\mathbf{2}$  $m_i = + 9,069 (\sigma)$  $\mathbf{2}$ + 5,108 ( $\sigma$ )  $\mathbf{2}$  $m_i = + 8,571 (\sigma)$  $m_i = + 9,456 (\sigma)$ + 2,568 ( $\sigma$ )  $\mathbf{2}$ + 4,086 ( $\sigma$ ) + 4,584 ( $\sigma$ ) + 1,824 ( $\pi$ )  $\mathbf{2}$  $2,275(\sigma)$  $+ 2,160 (\pi)$ + 1,526 ( $\sigma$ )  $\mathbf{2}$ +  $1,461 (\pi)$  $+ 2,142 (\sigma)$  $+ 0.467 (\sigma)$  $\mathbf{2}$  $0,357~(\sigma)$ +  $0,872 (\sigma)$  $0,149(\sigma)$  $\mathbf{2}$  $0,374(\sigma)$  $0,181(\pi)$  $0,521 (\pi)$ 1  $1,911(\pi)$  $1,379(\sigma)$ 1,972 (o) 0  $-10,706 (\sigma)$  $-3.305(\pi)$  $3.319(\pi)$  $-19,962 (\sigma)$ 0  $-13,812(\sigma)$  $-9,282 (\sigma)$ 0  $-27,081 (\sigma)$  $-33,439(\sigma)$ -16,891 ( $\sigma$ ) 0  $-23,195(\sigma)$ 0  $-35,755(\sigma)$ 

Tableau 4. Disposition des niveaux d'énergie pour la valeur K = 3; l'indice  $\sigma$  ou  $\pi$  indique la symétrie de l'orbitale moléculaire correspondante par rapport au plan principal du système étudié

Orbitale	K = 2		K = 3		K = 4	
Atomique	<u>q</u> r	Qr	qr	Qr	$q_r$	Qr
C <sub>1</sub>	0,821		0,848		0,872	
$\tilde{C_2}$	0,821		0,848		0,872	
$\mathbf{N}_s$	1,350		1,105		1,032	
$\mathbf{N}_x$	1,914	0,086	1,727	0,273	1,651	0,349
$N_y$	1,118		1,190		1,200	
$N_z$	0,626		0,943		1,032	
Os	1,719		1,465		1,373	
$O_x$	1,086	0,914	1,273	0,727	1,349	0,651
$O_y$	1,971		1,962		1,958	
$O_z$	1,574		1,639		1,661	

 Tableau 5

 Fragment aminoxyle; répartition par orbitale atomique des charges et des densités de spin

 Tableau 6

 Fragment iminoxyle; répartition par orbitale atomique des charges et des densités de spin

Orbitale	K	= 2	K	= 3	K = 4		
Atomique	$q_r$	Qr	$q_r$	Qr	<i>q</i> r	Qr	
$\mathrm{C}_t$	0,631	0,013	0,773	0,015	0,816	0,015	
$\mathbf{C}_{\boldsymbol{x}}$	1,266		1,212		1,274		
$\mathbf{N}_s$	1,425	0,005	1,200	0,015	1,136	0,021	
$\mathbf{N}_{x}$	0,911		1,079		1,072		
$N_y$	1,729	0,143	1,526	0,322	$1,\!479$	0,368	
$N_z$	0,831	0,055	1,036	0,064	1,099	0,062	
$O_s$	1,674	0,000	1,461	0,004	1,389	0,005	
$O_x$	1,823		1,709		1,654		
$O_y$	1,200	0,749	1,415	0,549	1,462	0,501	
$O_z$	1,510	0,035	1,589	0,031	1,619	0,028	

Tableau 7

Radical formaldiminoxyle; répartition par orbitale atomique des charges et des densités de spin

Orbitale	K=2		K	= 3	<i>K</i> = 4		
Atomique	$q_r$	Qr	$q_r$	Qr	$q_r$	Qr	
$\mathbf{H}_{a}$	0,835	0,046	0,873	0,085	0,893	0,088	
$\mathbf{H}_{b}$	0,839	0,008	0,893	0,023	0,909	0,025	
$C_s$	1,164	0,000	0,935	0,001	0,864	0,001	
$\mathbf{C}_{x}$	0,906	ĺ	1,136		1,225		
$C_y$	1,076	0,012	1,047	0,036	1,059	0,035	
$C_z$	0,808	0,002	0,943	0,008	1,006	0,009	
$\mathbf{N}_s$	1,420	0,003	1,216	0,009	1,144	0,012	
$\mathbf{N}_{x}$	1,312	1	1,199		1,150		
$\mathbf{N}_{y}$	1,601	0,216	1,452	0,376	1,426	0,402	
$N_z$	0,681	0,041	0,997	0,037	1,065	0,035	
$O_s$	1,707	0,000	1,458	0,000	1,387	0,001	
$O_x$	1,782		1,665	1	1,625		
$O_y$	1,373	0,623	1,595	0,398	1,622	0,370	
Oz	1,496	0,049	1,591	0,027	1,625	0,022	

Etant donné le caractère empirique du paramètre K, nous avons répété le calcul des orbitales moléculaires pour plusieurs valeurs de K. La suite d'itérations nécessaires à la construction d'orbitales moléculaires self-consistantes a été arrêtée quand les variations des charges  $q_r^P$  devenaient inférieures ou au plus égales au centième d'électron, ce qui a exigé 7 cycles de calcul pour le formaldiminoxyle.

Le Tab. 4 contient les niveaux d'énergie occupés dans l'état fondamental et les niveaux des orbitales libres, sous la forme  $e_i = \alpha + m_i \gamma$  avec  $\alpha = -8,64$  eV et  $\gamma = -3,27$  eV (constantes arbitraires).

Les Tab. 5, 6, 7, rassemblent les indices de population globale  $q_r^P$  des différentes orbitales  $\chi_r$  (équation 33) et les densités de spin correspondantes, normalisées à l'unité:

$$\varrho_r^P = \sum_s c_{rj} c_{sj} S_{rs} . \tag{40}$$

### II. 3. Analyse des résultats

La disposition des niveaux d'énergie dans les fragments aminoxyle (VI) et iminoxyle (VII) (Tab. 4) est en accord avec les conclusions que nous avions tirées de l'examen des spectres de résonance (voir I.2 et I.3), du moins pour les valeurs de K utilisées dans ce travail: l'électron non apparié occupe une orbitale de type  $\pi$  dans les radicaux aminoxyles et une orbitale de type  $\sigma$  dans les radicaux iminoxyles.

On remarquera que dans les radicaux iminoxyles (Tab. 6 et 7), l'électron libre est presque entièrement concentré sur les orbitales du type  $2p_y$  de l'azote et de l'oxygène. Si les trois atomes C, N et O étaient alignés, le formaldiminoxyle posséderait un second plan de symétrie perpendiculaire au plan principal. L'électron non apparié serait alors contenu dans une orbitale moléculaire dont les seules composantes provenant des trois atomes C, N et O seraient des orbitales  $2p_y$ antisymétriques par rapport à ce plan; un tel radical devrait être considéré comme un radical de type  $\pi_y$  plutôt que de type  $\sigma$ . La distinction que nous avons faite entre radicaux  $\sigma$  et  $\pi$  (parties I.2 et I.3) repose donc seulement sur le fait que le plan principal C N O des iminoxyles contient l'axe de l'orbitale occupée par le doublet libre de l'azote dans le composé de départ (oximes), alors que dans les hydroxylamines dont dérivent les aminoxyles, la direction du doublet libre de l'azote ne se confond pas avec le plan (C<sub>1</sub> C<sub>2</sub> NO). Mais il n'existe pas de différence essentielle au point de vue structure électronique entre radical aminoxyle et radical iminoxyle et on peut les considérer tous les deux comme formés principalement d'un système à trois électrons partagés entre azote et oxygène. Dans le même exprit, il est aussi intéressant de remarquer que la direction OH dans le formaldoxime [26] n'est pas très différente de celle de l'orbitale 2p dans laquelle se trouve localisé de façon préférentielle l'électron libre du radical iminoxyle correspondant.

Le procédé itératif que nous avons utilisé dans ce travail permet d'avoir des renseignements sur la redistribution des électrons quand on forme la molécule à partir des atomes isolés. Pour étudier les transferts de charge entre atomes, à partir des populations électroniques [10], il est nécessaire de préciser le nombre d'électrons portés initialement par les orbitales de chaque atome dans la formule chimique de référence. Dans le cas des radicaux aminoxyles, on peut écrire les deux structures mésomères:

$$\begin{array}{cccc} \ddot{\overset{\oplus}{\mathbf{N}}} & \overset{\oplus}{\overset{\oplus}{\mathbf{N}}} & \overset{\oplus}{\overset{\oplus}{\mathbf{N}}} \\ \dot{\overset{\oplus}{\mathbf{N}}} & \overset{\oplus}{\overset{\oplus}{\mathbf{N}}} \\ (\text{VIII}) & (\text{IX}) \end{array}$$

La structure (VIII) correspond à la distribution initiale de charges suivantes:

Ν	8	x	y	z	0	s	x	y	$\boldsymbol{z}$
	1	<b>2</b>	1	1		2	1	2	1

impliquant que l'azote est plus électronégatif au sens de MULLIKEN (cf [20]) que l'oxygène pour le système d'électrons  $\pi$  décrit par les orbitales  $2p_x$ . Pour la structure (IX), la situation est inversée:

Ν	8	x	y	z	0	8	x	y	z
	1	1	1	2		<b>2</b>	<b>2</b>	<b>2</b>	0

ce qui correspond à une plus grande électronégativité de l'oxygène pour le système d'électrons  $\pi$ . En partant de ces deux situations extrêmes, nous avons trouvé une limite unique beaucoup plus proche de (VIII) que de (IX) (Tab. 4). Si l'on définit les charges atomiques nettes  $\delta$  comme différence entre la population électronique totale de l'atome isolé dans la formule prépondérante et celle qu'il porte dans la molécule, on trouve, avec K = 3, la répartition des charges nettes suivante:

$$C_1, C_2 \qquad \qquad \delta_{\sigma} = +0.1$$

N 
$$\delta_{\sigma} = -0.24$$
  $\delta_{\pi} = +0.27$   
O  $\delta_{\sigma} = -0.06$   $\delta_{\pi} = -0.27$ 

Pour obtenir par la méthode de Hückel la même distribution de charges dans un fragment NO réduit à un système de trois électrons  $\pi$  ( $q_N = 1,73$  et  $q_0 = 1,27$ ), il faudrait attribuer à l'azote et à l'oxygène des intégrales coulombiennes vérifiant la relation:

$$\alpha_{\rm N} \simeq \alpha_{\rm O} + \beta_{\rm NO}$$

où  $\beta_{\rm NO}$  est l'intégrale d'échange de la liaison NO. Ce résultat peut être considéré comme une justification des valeurs empiriques qui ont été attribuées aux paramètres de l'azote et de l'oxygène dans les radicaux aromatiques [37] en désaccord avec l'ordre des électronégativités couramment admis pour ces deux atomes.

Nos calculs indiquent que le transfert d'électrons de l'azote vers l'oxygène dans le système d'électrons o s'accompagne d'une augmentation de l'électronégativité de l'azote et d'une diminution de celle de l'oxygène dans le système  $\pi$ . Un tel état de choses met en évidence l'interdépendance des distributions  $\sigma$  et  $\pi$  qui a été supposée notamment pour l'interprétation des variations des écarts hyperfins avec le solvant [16, 25].

Dans le fragment iminoxyle, le carbone et l'azote apportent chacun un électron au système  $\pi$ , et l'oxygène deux; la répartition des charges nettes dans la molécule, pour K = 3 est alors:

- $egin{aligned} & o_\sigma = + \ 0,23 \ & \delta_\sigma = + \ 0,23 \ & \delta_\sigma = \ 0,46 \end{aligned}$  $\mathbf{C}$  $\delta_{\pi} = -0.21$  $\delta_{\pi} = -0.08$ Ν
- $\delta_{\pi}=+\ 0.29 \ .$ 0

Au total, l'oxygène porte une charge nette négative plus petite dans les iminoxyles que dans les aminoxyles.

La localisation privilégiée de l'électron libre sur l'oxygène décroît au profit de l'azote quand on passe des aminoxyles aux iminoxyles. Comme le paramètre Kdétermine l'importance des interactions intramoléculaires, la densité de spin calculée sur l'azote est naturellement d'autant plus grande que K est grand. Nous avons identifié la densité de spin contenue dans une orbitale atomique avec l'indice de population partiel (expression 40) de cette orbitale atomique dans l'orbitale moléculaire contenant l'électron non apparié. D'après l'analyse de la répartition des densités de spin faite au § I.3, cette hypothèse simplificatrice n'est pas complètement justifiée, mais l'erreur ainsi commise est très faible du fait que, même dans le radical iminoxyle, les densités les plus importantes se retrouvent dans des orbitales p d'un type défini  $(2p_y)$ ; de plus, l'expression (40) offre l'avantage de fournir des densités de spin normalisées à l'unité.

Dans les aminoxyles, la densité de spin  $\varrho_{\pi}^{N} = 0,273$  obtenue pour K = 3, est compatible avec la valeur expérimentale qu'on peut déduire de la constante hyperfine d'un proton lié à l'azote (voir § I.2). Si l'on suppose que l'écart hyperfin du noyau d'azote lui-même  $a^{N}$  provient d'un mécanisme d'interaction indirecte  $\sigma \cdot \pi$  et est directement proportionnel à la densité de spin  $\varrho_{\pi}^{N}$  [25]:

$$a^{\mathbf{N}} = Q^{\mathbf{N}} \cdot \varrho_{\pi}^{\mathbf{N}} \tag{41}$$

on a  $Q^{\mathbb{N}} = 59,3$  Oe en prenant un écart hyperfin moyen de 16,2 Oe pour la série des aminoxyles saturés [25].

Dans les iminoxyles, l'écart hyperfin de l'azote est déterminé par un mécanisme d'interaction directe dû au caractère 2s de l'électron non apparié au voisinage du noyau, et par un mécanisme d'interaction indirecte  $\sigma - \pi$  analogue à celui des aminoxyles.

Si l'on pose:

$$a^{\mathrm{N}} = A^{\mathrm{N}} \varrho_{2s}^{\mathrm{N}} + Q^{\mathrm{N}} \varrho_{2p}^{\mathrm{N}}$$

$$\tag{42}$$

où  $A^{\rm N}$  est la constante de couplage isotrope de l'azote évaluée à 550 Oe [9] et  $Q^{\rm N}$ la constante de proportionnalité précédente on trouve pour le fragment iminoxyle  $a^{\rm N} = 31,2$  Oe et pour le formaldiminoxyle  $a^{\rm N} = 29,5$  Oe. Ces résultats sont en bon accord avec les écarts hyperfins mesurés [40, 6, 17]. Bien que la coïncidence numérique des valeurs théorique et expérimentale soit peut être fortuite, on doit remarquer qu'à un écart hyperfin  $a^{\rm N}$  plus grand, correspond une densité de spin  $\varrho_{\pi}^{\rm N}$  plus grande dans les iminoxyles que dans les aminoxyles, à laquelle vient s'ajouter une densité de spin  $\varrho_{2s}^{\rm N}$ . Dans ces conditions, nous pensons qu'un autre choix du paramètre K reproduira les valeurs relatives des constantes de couplage dans les deux séries. La présente méthode de calcul des fonctions d'onde moléculaires semble donc rendre compte de manière satisfaisante des écarts hyperfins que présentent les radicaux nitroxydes.

Finalement, nous voudrions aborder le problème de l'attribution des couplages dans des radicaux iminoxyles plus compliqués que le fragment C = N - O. Nos calculs relatifs au formaldiminoxyle non observé jusqu'ici montrent que l'électron non apparié possède une probabilité de présence non nulle au niveau des hydrogènes. La distribution des densités de spin est dissymétrique: le proton  $H_a$  de (III) situé du même côté que l'oxygène a, selon les valeurs de K utilisées, une densité de spin 3 à 4 fois plus grande que le proton  $H_b$ . Qualitativement, ce résultat est conforme à la dissymétrie des interactions hyperfines constatée dans la série des iminoxyles (voir I.3); il conduit à affecter la plus forte constante de couplage à l'hydrogène situé le plus près de l'oxygène: d'après l'équation (16), on trouve pour K = 3,  $a^{H_a} = 43,2$  Oe et  $a^{H_b} = 11,7$  Oe. Il s'ensuit que des deux radicaux isomères dérivés de la benzaldiminoxyle, la forme syn est celle qui devrait posséder la plus grande valeur de  $a^{H}$ . Cet argument, tiré du caractère s que prend l'électron non apparié au voisinage de l'un ou l'autre proton, rejoint les conclusions auxquelles nous avait conduit l'étude de la stéréochimie des oximes de départ [6]. Dans l'hypothèse primitive de THOMAS [40], la plus grande constante de couplage  $a^{H}$  avait été attribuée à la forme *anti*, du fait que la densité de spin  $\pi$ portée par le carbone voisin y devait être plus forte que dans la forme syn en raison d'un empêchement de conjugaison d'origine stérique avec le groupe phényle adjacent. Le caractère particulier d'une telle interprétation, nécessitant l'intervention d'un mécanisme d'interaction hyperfine  $\sigma - \pi$  comme dans les radicaux libres du type  $\pi$ , nous paraît peu compatible avec l'ensemble des propriétés des radicaux iminoxyles.

Remerciements. Les calculs numériques ont été effectués sur l'ordinateur gamma 30 du Centre d'Etudes Nucléaires de Grenoble.

Nous adressons nos plus vifs remerciements à Madame JEANINE WALES et Monsieur JEAN TERRIER (Laboratoire de Calcul Numérique) de la précieuse collaboration qu'ils nous ont apportée pour l'écriture du programme et l'exécution des calculs.

#### Bibliographie

- [1] ABRAGAM, A., and M. H. L. PRYCE: Proc. Roy. Soc. (London) A 205, 135 (1951).
- [2] ADRIAN, F. J., and M. KARPLUS: J. chem. Physics 41, 56 (1964).
- [3] BERTHIER, G.: J. Chim. physique 51, 363 (1954).
- [4] Self-Consistent Field Methods for Open-Shell Molecules, dans: Molecular Orbitals in Chemistry, Physics and Biology, édité par B. PULLMAN et P. O. LÖWDIN, p. 57. New. York Academic Press 1963.
- [5] --, PH. MILLIE et A. VEILLARD: J. Chim. physique 62, 8 (1965).
- [6] BETHOUX, M., H. LEMAIRE et A. RASSAT: Bull. chem. Soc. France p. 1985 (1964).
- [7] BOLTON, J. R., A. CARRINGTON, and J. dos SANTOS-VEIGA: Mol. Physics 5, 465 (1962).
- [8] BUCHACHENKO, A. L.: Akad. Nauk. S. S. S. R., Otdel. khim. Nauk. p. 1120 (1963).
- [9] CHANTRY, G. W., A. HORSFIELD, J. R. MORTON Jr., and D. H. WHIFFEN: Mol. Physics 5, 233 (1962).
- [10] CLEMENTI, E., and H. CLEMENTI: J. chem. Physics 36, 2824 (1962).
- [11] COCHRAN, E. L., F. J. ADRIAN, and V. A. BOWERS: J. chem. Physics 36, 1938 (1962).
- [12] — J. chem. Physics 40, 213 (1964).
- [13] CORVAJA, C., G. GIACOMETTI und P. NORDIO: Theoret. chim. Acta 1, 393 (1963).
- [14] FERMI, E.: Z. Physik 60, 320 (1930).
- [15] FESSENDEN, R. W., and R. H. SCHULER: J. chem. Physics 39, 2147 (1963).
- [16] GENDELL, J., J. H. FREED, and G. K. FRAENKEL: J. chem. Physics 37, 2832 (1962).
- [17] GILBERT, B. C., R. O. C. NORMAN, and D. C. PRICE: Proc. chem. Soc. p. 234 (1964).
- [18] GUTCH, C. J. W., and W. A. WATERS: Proc. chem. Soc., p. 230 (1964).
- [19] HANSON, A. W.: Acta Cryst. 6, 32 (1953).
- [20] HINZE, J., H. A. WHITEHEAD, and H. H. JAFFE: J. Amer. chem. Soc. 85, 148 (1963).
- [21] JEN, C. K., S. N. FONER, E. L. COCHRAN, and V. A. BOWERS: Physic. Rev. 112, 1169 (1958).
- [22] JORGENSEN, C. K.: Orbitals in Atoms and Molecules. London, New York: Academic Press, 1962, p. 92.
- [23] KARPLUS, M., and G. K. FRAENKEL: J. chem. Physics 35, 1312 (1961).

Theoret. chim. Acta (Berl.), Vol. 3

- 230 GASTON BERTHIER et al.: Interprétation structurale des spectres hyperfins des radicaux
- [24] LEMAIRE, H., A. RASSAT, and J. P. RAVET: Tetrahedron Letters 47, 3507 (1964).
- [25] J. Chim. physique 61, 1580 (1964).
- [26] LEVINE, I. N.: J. chem. Physics 38, 2326 (1963).
- [27] LONGUET-HIGGINS, H. C., and J. A. POPLE: Proc. Physic. Soc. (London) A 68, 591 (1955).
- [28] MCCONNELL, H. M., and D. B. CHESNUT: J. chem. Physics 28, 107 (1958).
- [29] MC LACHLAN, A. D.: Mol. Physics 1, 233 (1958).
- [30] MALRIEU, J. P.: J. Chim. physique 61, 1587 (1964).
- [31] MOFFITT, W.: Proc. Roy. Soc. (London) A 210, 224 (1951).
- [32] MULLIKEN, R. S.: J. chem. Physics 23, 1833 (1955).
- [33] Revs. Mod. Physics 32, 232 (1960).
- [34] PARISER, R., and R. G. PARR: J. chem. Physics 21, 466, 767 (1953).
- [35] PARR, R. G.: Quantum Theory of Molecular Electronic Structure. New York: W. A. Benjamin 1963.
- [36] PILCHER, G., and H. A. SKINNER: J. Inorg. Nucl. Chem. 24, 937 (1962).
- [37] par exemple, voir: RIEGER, P. H., and G. K. FRAENKEL: J. chem. Physics 39, 609 (1963).
- [38] RUEDENBERG, K.: J. chem. Physics 19, 1433 (1951).
- [39] Edité par SUTTON, L. E.: Tables of interatomic distances and configuration in molecules and ions. London: The Chemical Society 1958.
- [40] THOMAS, J. R.: J. Amer. chem. Soc. 86, 1446 (1964).
- [41] VENKATARAMAN, B., and G. K. FRAENKEL: J. chem. Physics 24, 737 (1956).
- [42] WEISSMAN, S. I., J. TOWNSEND, D. E. PAUL, and G. E. PAKE: J. chem. Physics 21, 227 (1953).
- [43] WOLFSBERG, M., and L. HELMHOLTZ: J. chem. Physics 20, 837 (1952).

(Manuscrit reçu le 6 avril, 1965)